

La resolución y entrega del presente dossier es obligatoria. Cada uno de los cinco ejercicios propuestos debe resolverse de forma razonada, argumentando adecuadamente la respuesta y todos los cálculos realizados.

Con orden y tiempo se encuentra el secreto de hacerlo todo, y de hacerlo bien.

(Pitágoras)

PROBLEMA 1: Calcula las siguientes integrales indefinidas:

- 1) $\int (x-1) \cdot (x^2 - 2x)^6 dx$ 2) $\int \frac{\operatorname{tg}^3 x}{\cos^2 x} dx$ 3) $\int \frac{1}{(1-3x)^2} dx$
- 4) $\int \frac{x}{(2x^2 + 1)^4} dx$ 5) $\int \frac{x}{\sqrt{3x^2 + 1}} dx$ 6) $\int \frac{x^3 + 5x^2 - x - 1}{x^2} dx$
- 7) $\int \frac{1 + \operatorname{tg}^2 \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$ 8) $\int \frac{x^5 + 2x^2 + 1}{x+1} dx$ 9) $\int \frac{e^{2x}}{1 + e^{2x}} dx$
- 10) $\int \frac{\operatorname{sen} x + \cos x}{\operatorname{sen} x - \cos x} dx$ 11) $\int x \cdot \operatorname{sen}(x^2) dx$ 12) $\int \frac{\cos x}{1 + \operatorname{sen}^2 x} dx$
- 13) $\int \frac{3}{4 + 9x^2} dx$ 14) $\int x^2 \cdot e^{-5x} dx$ 15) $\int (x^3 + 1) \cdot \operatorname{Ln} x dx$
- 16) $\int (x^2 + x) \cdot \operatorname{sen} x dx$ 17) $\int \frac{3x^2 - 4x - 16}{(x+1) \cdot (x^2 - 4)} dx$ 18) $\int \frac{x^2 + 1}{x^3 - 3x + 2} dx$

PROBLEMA 2: Calcula las siguientes integrales indefinidas:

- 1) $\int e^x \cdot \operatorname{sen} 2x dx$ 2) $\int \operatorname{sen} 2x dx$ 3) $\int \frac{1}{\operatorname{sen} 2x} dx$
- 4) $\int \sqrt{9 - x^2} dx$ 5) $\int \frac{\sqrt{x+2}}{x+1} dx$ 6) $\int \frac{x^2 - x + 1}{x^3 + x} dx$
- 7) $\int \operatorname{arctg} x dx$ 8) $\int \operatorname{sen}^2 x \cdot \cos^3 x dx$ 9) $\int \operatorname{sen}^2 x dx$

PROBLEMA 3: Calcula el área del recinto plano cerrado delimitado por las gráficas de las curvas $y = x^2 - 4x + 3$ y $y = 3 - x$.

PROBLEMA 4: Resuelve el siguiente límite aplicando el Tª Fundamental del Cálculo:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\int_0^{2x} 1 - e^{t^2} dt}{\operatorname{sen} x}$$

PROBLEMA 5: Razona si las siguientes afirmaciones son verdaderas o falsas:

- a) La función $f(x) = 4x + 5$ tiene infinitas primitivas
- b) Del mismo modo que dos funciones pueden tener la misma derivada, hay funciones que pueden tener la misma primitiva.
- c) Si dos funciones $F(x)$ y $G(x)$ son primitivas de $f(x)$ en un intervalo entonces se cumple que $F(x) = G(x) + C$ donde C es una constante.
- d) Una función no puede ser nunca primitiva de sí misma.
- e) Si $\int_a^b f(x) dx = 0$ entonces necesariamente tiene que ocurrir que $a = b$

<http://maths4everything.wixsite.com/inicio>

IES MACIÀ ABELA