

La resolución y entrega del presente dossier es voluntaria. Cada uno de los cuatro ejercicios propuestos debe resolverse de forma razonada, argumentando adecuadamente la respuesta y realizando todos los cálculos oportunos.

**Elegimos cada día lo que somos, lo que hacemos y a lo que aspiramos.**

Anónimo

**PROBLEMA 1:** Enuncia el Teorema de Rolle. A continuación, determina el valor de los parámetros reales  $m$ ,  $n$  y  $p$  en la función  $f(x)$  para que pueda aplicarse el Teorema de Rolle en el intervalo  $[-1, 7]$ . ¿En qué valor o valores se cumple la tesis?

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + m \cdot x & x \leq 3 \\ n \cdot x + p & x > 3 \end{cases}$$

**PROBLEMA 2:** Considera la matriz cuadrada:  $A = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 2 \\ 3 & -5 & 6 \\ 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$

- Comprueba** que la matriz  $A$  verifica la relación  $A^2 + 4 \cdot (A + I) = 0$ .
- Demuestra** que la matriz  $A$  no es singular.
- Calcula** la matriz  $A^{-1}$ .
- Calcula**, los valores reales de  $x$  e  $y$  para los cuales se verifica que:

$$A^{-1} = xA + yI$$

**PROBLEMA 3:** Demuestra que cualquier matriz puede expresarse como suma de una matriz simétrica y otra antisimétrica.

**PROBLEMA 4:** Se sabe que los vectores  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$  son ortogonales. Además, verifican que  $(\vec{u} + \vec{v}) \cdot (\vec{u} - \vec{v}) = 7$  y  $\|\vec{u} + \vec{v}\| = 5$ . Halla el módulo de los vectores  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$ .