

La resolución y entrega del presente dossier es voluntaria. Cada uno de los ejercicios propuestos debe resolverse de forma razonada, argumentando adecuadamente la respuesta y cálculos realizados.

"Elegimos cada día lo que somos, lo que hacemos y a lo que aspiramos"

Anónimo.

PROBLEMA 1: Discute y resuelve el siguiente sistema de ecuaciones lineales en función del parámetro real m :

$$\left. \begin{aligned} x + ky + kz &= 1 \\ x + 2ky + (k + 1)z &= 1 \\ 2x + ky + kz &= 2 \end{aligned} \right\}$$

PROBLEMA 2: Discute y resuelve el siguiente sistema de ecuaciones lineales en función del parámetro real m :

$$\left. \begin{aligned} x + y + z &= m \\ x + my + m^2z &= m \\ x + m^2y + mz &= m \\ x + y + mz &= 0 \end{aligned} \right\}$$

PROBLEMA 3: Considera la matriz:

$$R(\alpha) = \begin{pmatrix} \cos \alpha & 0 & \operatorname{sen} \alpha \\ 0 & 1 & 0 \\ -\operatorname{sen} \alpha & 0 & \cos \alpha \end{pmatrix}$$

En álgebra lineal se dice que una matriz cuadrada A de orden n es **una matriz de giro** o rotación si es **ortogonal** y $\det(A) = 1$. Atendiendo a esta definición se pide:

- Demuestra** que la matriz $R(\alpha)$ es una matriz de rotación en el espacio tridimensional (donde α representa el ángulo de giro)
- Calcula** $\left[R\left(\frac{\pi}{2}\right) \right]^{2020}$
- Calcula** $\left[R\left(\frac{\pi}{2}\right) \right]^{-1}$

