

La resolución y entrega del presente dossier es voluntaria. Cada uno de los ejercicios propuestos debe resolverse de forma razonada, argumentando adecuadamente la respuesta y cálculos realizados.

Recuerda que no hay nada más difícil que guardar un secreto, perdonar a un enemigo y aprovechar el tiempo. Cualquier dificultad que encuentres en tu vida, te preparará para ser mejor. (Anónimo)

PROBLEMA 1: Determina la ecuación general del plano α que es perpendicular a la recta $r : (x, y, z) = \lambda \cdot (2, 2, 3)$ y pasa por el punto $P(1, -1, 2)$. Este plano, corta a los ejes de coordenadas OX, OY y OZ en tres puntos A, B y C respectivamente. Estos vértices, junto con O (el origen de coordenadas), conforman un tetraedro. Se pide determinar:

- Las **coordenadas** de los puntos A, B y C.
- La **ecuación continua** de la recta que se corresponde con la altura del tetraedro que parte del vértice O.
- La **distancia** del origen al plano que contiene a la cara ABC del tetraedro
- El **área** de la cara ABC del tetraedro OABC
- El **volumen** del tetraedro OABC

PROBLEMA 2: Enuncia el Teorema de Bolzano. Tras ello, justifica si la ecuación:

$$\text{Ln}(1+x^2) = x^3 - 1$$

tiene alguna solución real.

PROBLEMA 3: Calcula el valor de los parámetros reales a y b para que la función $f(x)$ sea continua en todo el conjunto de los números reales.

$$f(x) = \begin{cases} ax + 4 & \text{si } x \leq -1 \\ |x^2 + 2x + b| & \text{si } -1 < x < 1 \\ 1 + \text{Ln } x & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$$

